Talamidi.com تم تحميل هذا الملف من موقع

مذكرة القواعد	الحساب المتجهي في المستوى	جذع مشترك

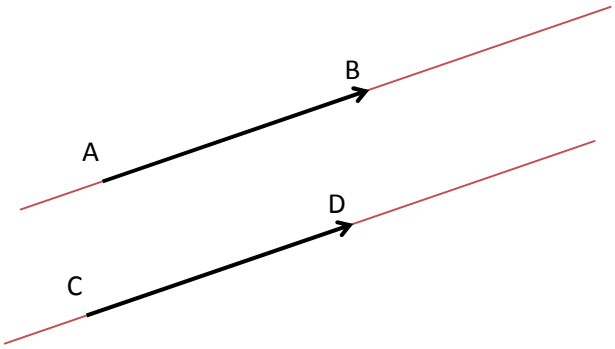
تساوي متجهتين:

تعريف

ليكن $\overrightarrow{AB}$ و $\overrightarrow{CD}$ متجهتين غير منعدمتين.

نقول أن المتجهتين $\overrightarrow{AB}$ و $\overrightarrow{CD}$ متساويتان إذا كان :

- لهما نفس الاتجاه (أي $(AB)//(CD)$)
- لهما نفس المنحى (أي المنحى $A \mapsto B$ هو نفس المنحى $C \mapsto D$)
- لهما نفس المنظم (أي $AB = CD$)



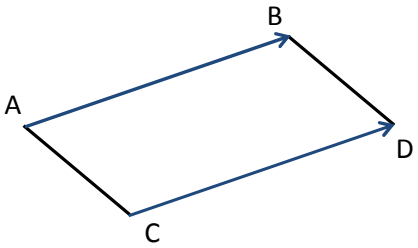
ملاحظة: المتجهة $\overrightarrow{AA}$ تسمى المتجهة المنعدمة و ليس لها اتجاه و منظمها منعدم، نكتب: $\overrightarrow{AA} = \vec{0}$

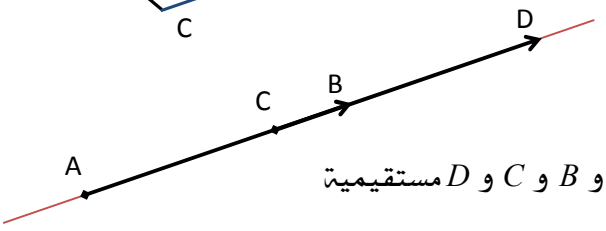
تساوي متجهتين و متوازي الأضلاع

خاصية

لتكن A و B و C و D نقطا من المستوى (P) حيث $A \neq D$.

يكون الرباعي $ABCD$ متوازي أضلاع إذا و فقط إذا كان $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{DC}$



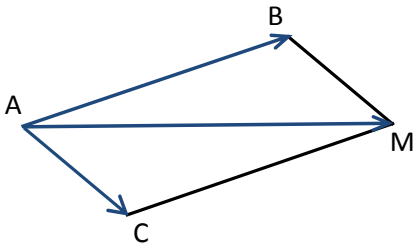


ملاحظة: يمكن أن تكون المتساوية $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{DC}$ صحيحة و النقط A و B و C و D مستقيمية في هذه الحالة تظل الخاصية صحيحة و يسمى $ABCD$ متوازي أضلاع مبطح

مجموع متجهتين

تعريف

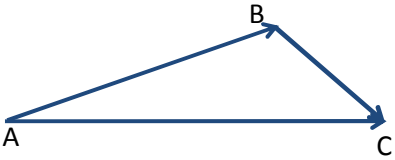
مجموع المتجهتين $\overrightarrow{AB}$ و $\overrightarrow{AC}$ هو المتجهة $\overrightarrow{AM}$ حيث يكون الرباعي $ABMC$ متوازي أضلاع



علاقة شال

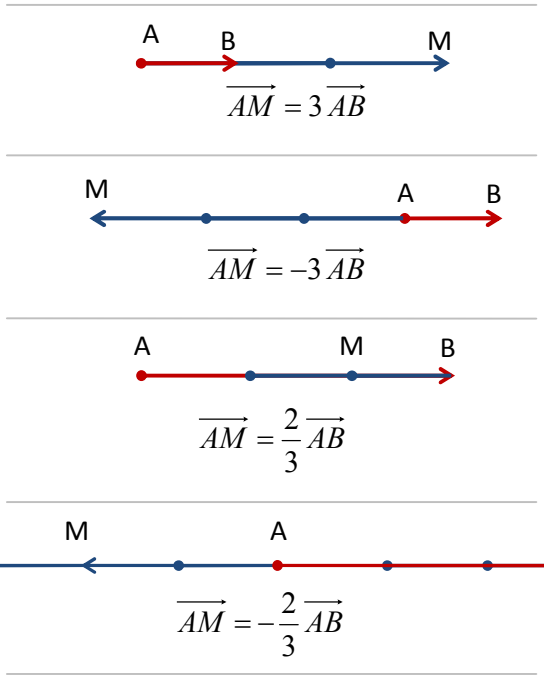
كيفما كانت النقط A و B و C

فإن : $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC} = \overrightarrow{AC}$



Talamidi.com تم تحميل هذا الملف من موقع

ضرب متجهة في عدد حقيقي



تعريف

$\overrightarrow{AB}$ متجهة غير منعدمة و k عدد حقيقي.

جذاء المتجهة $\overrightarrow{AB}$ في العدد k هي المتجهة $\overrightarrow{AM}$ حيث M نقطة تحقق:

- A و B و M نقط مستقيمية
- $AM=k\,AB$ و $\overrightarrow{AB}$ و $\overrightarrow{AM}$ لهما نفس المنحى في حالة $k>0$
- $AM=-k\,AB$ و $\overrightarrow{AB}$ و $\overrightarrow{AM}$ مختلفتا المنحى في حالة $k<0$

ملاحظات:

$0\overrightarrow{AB}=\vec{0}$ ، $1.\overrightarrow{AB}=\overrightarrow{AB}$ ، $-1.\overrightarrow{AB}=-\overrightarrow{AB}=\overrightarrow{BA}$

لا يصح مطلقا: كتابة: $\overrightarrow{AB}.k$ ولا $\frac{\overrightarrow{AB}}{k}$ ، بل نكتب: $k.\overrightarrow{AB}$ و $\frac{1}{k}\overrightarrow{AB}$

خصائص

مهما تكن المتجهتان $\vec{u}$ و $\vec{v}$ ومهما يكن العددان الحقيقيان a و b، لدينا:

- $a\left(\vec{u}+\vec{v}\right)=a\vec{u}+b\vec{v}$ ، $(a+b)\vec{u}=a\vec{u}+b\vec{u}$ ، $a\left(b\vec{u}\right)=(ab)\vec{u}$
- إذا كان: $a\vec{u}=\vec{0}$ فإن: $a=0$ أو $\vec{u}=\vec{0}$

استقامية متجهتين

تعريف

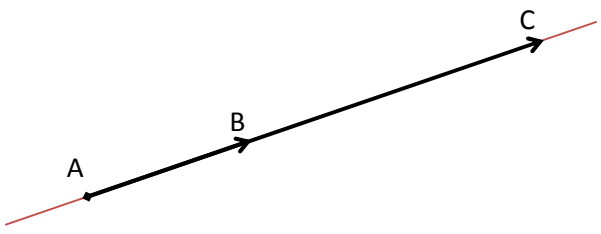
- نقول أن المتجهتين $\vec{u}$ و $\vec{v}$ مستقيميتان إذا وفقط إذا وجد عدد حقيقي k حيث: $\vec{v}=k\vec{u}$ أو $\vec{u}=k\vec{v}$

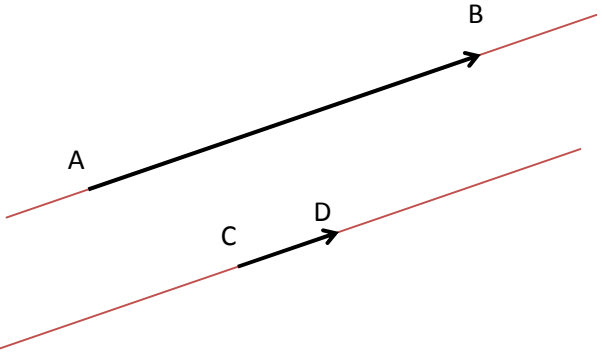
نتيجة 1

نقول تكون النقط A و B و C مستقيمية إذا وفقط إذا وجد عدد حقيقي k حيث $\overrightarrow{AB}=k\overrightarrow{AC}$ أو $\overrightarrow{AC}=k\overrightarrow{AB}$

نتيجة 2

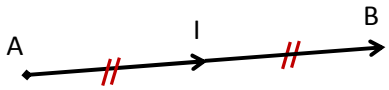
يكون لدينا $(AB)//(CD)$ إذا وفقط إذا وجد عدد حقيقي k حيث: $\overrightarrow{AB}=k\overrightarrow{CD}$ أو $\overrightarrow{CD}=k\overrightarrow{AB}$





تم تحميل هذا الملف من موقع Talamidi.com

منتصف قطعة

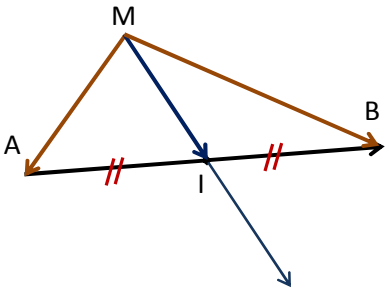


نتيجة 1

I منتصف القطعة $[AB]$ يعني $\overrightarrow{AI} = \overrightarrow{IB}$

I منتصف القطعة $[AB]$ يعني $\overrightarrow{IA} + \overrightarrow{IB} = \vec{0}$

I منتصف القطعة $[AB]$ يعني $\overrightarrow{AI} = \frac{1}{2}\overrightarrow{AB}$



نتيجة 2

إذا كانت I منتصف القطعة $[AB]$ وكانت M نقطة من المستوى فإن: $\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} = 2\overrightarrow{MI}$